



GS203

معادلات تفاضلية

الفصل الثالث

هذا العمل من اعداد:
اتحاد طلبة كلية التقنية الالكترونية - طرابلس



جامعة أسيوط
كلية التقنية الإلكترونية
الإجابة النموذجية لامتحان النهائي
المادة / معادلات تفاضلية

$$y'' + 4y' + 8y = 0 \quad (1) \quad y(0) = 1, y'(0) = 0 \quad \text{كل واحد}$$

$$\lambda = \frac{-b \pm \sqrt{b^2 - 4ac}}{2} \quad \text{كل واحد}$$

$$= \frac{-4 \pm \sqrt{16 - 32}}{2} = -2 \pm 2i$$

$$y_h = e^{-2x} C_1 \cos 2x + e^{-2x} C_2 \sin 2x$$

كل واحد $y_p = A_1 x + A_0$ حيث أن $\phi(x) = x$
بالعوض في (1) عن $y' = A_1$ و $y'' = 0$

$$0 + 4A_1 + 8A_1 x + 8A_0 = x$$

$$4A_1 + 8A_0 = 0 \Rightarrow A_1 = -2A_0$$

$$8A_1 x = x \Rightarrow A_1 = \frac{1}{8} \Rightarrow A_0 = -\frac{1}{16}$$

$$y_p = \frac{1}{8}x - \frac{1}{16}$$

$$y = y_h + y_p \quad \text{كل واحد}$$

$$= e^{-2x} C_1 \cos 2x + e^{-2x} C_2 \sin 2x + \frac{1}{8}x - \frac{1}{16}$$

استخدام القيم المناسبة لإعادة C_1, C_2

$$y(0) = 0 \Rightarrow C_1 - \frac{1}{16} = 1 \Rightarrow C_1 = 1 + \frac{1}{16} = \frac{17}{16}$$

$$y'(0) = 0 \quad y' = -2e^{-2x} C_1 \cos 2x + e^{-2x} C_1 (-2 \sin 2x) - 2e^{-2x} C_2 \sin 2x + C_2 e^{-2x} (2 \cos 2x) + \frac{1}{8}$$

$$= -2e^{-2x} C_1 [\cos 2x + \sin 2x] - 2e^{-2x} C_2 [\sin 2x - \cos 2x] + \frac{1}{8}$$

$$0 = -2C_1 + 2C_2 + \frac{1}{8} \Rightarrow 2C_1 = 2C_2 + \frac{1}{8} \Rightarrow \frac{2 \times 17}{8} - \frac{1}{8} = 2C_2$$

$$\Rightarrow 2C_2 = \frac{16}{8} \Rightarrow C_2 = 1$$

$$\therefore y = e^{-2x} \left[\frac{17}{16} \cos 2x + \sin 2x \right] + \frac{1}{8}x - \frac{1}{16} \quad \#$$



$$x^{-\frac{1}{2}}y + (2x)^{\frac{1}{2}}x^{-\frac{1}{2}}y' = 0$$

$$x^{-\frac{1}{2}}y + 2x^{\frac{1}{2}}y' = 0 \quad (2)$$

$$\frac{\partial M}{\partial y} = x^{-\frac{1}{2}} \quad \frac{\partial N}{\partial x} = \frac{1}{2}(2)x^{-\frac{1}{2}} = x^{-\frac{1}{2}}$$

بما أن $\frac{\partial M}{\partial y} = \frac{\partial N}{\partial x}$ فإن المعادلة قابلة للتكامل.

$g(x,y) = C$ حيث C ثابت.

$$dg(x,y) = \frac{\partial g}{\partial x} dx + \frac{\partial g}{\partial y} dy = 0$$

$$dg(x,y) = M(x,y)dx + N(x,y)dy = 0$$

$$\frac{\partial g}{\partial x} = M(x,y), \quad \frac{\partial g}{\partial y} = N(x,y)$$

$$\frac{\partial g}{\partial x} = x^{-\frac{1}{2}}y \quad (3) \quad \frac{\partial g}{\partial y} = 2x^{\frac{1}{2}} \quad (4)$$

$$\int \frac{\partial g}{\partial x} dx = \int x^{-\frac{1}{2}}y dx = 2x^{\frac{1}{2}}y + h(y)$$

$$g(x,y) = 2x^{\frac{1}{2}}y + h(y) \quad (5)$$

$$\frac{\partial g}{\partial y}(x,y) = 2x^{\frac{1}{2}} + h'(y) \quad (6)$$

$$2x^{\frac{1}{2}} = 2x^{\frac{1}{2}} + h'(y) \Rightarrow h'(y) = 0 \quad (7)$$

$$\int h'(y) dy = \int 0 dy \Rightarrow h(y) = C_1$$

نعوض عن $h(y)$ في المعادلة (5)

$$g(x,y) = 2x^{\frac{1}{2}}y + C_1$$

حيث أن $g(x,y) = C$ فإن $C = C_1 + 2x^{\frac{1}{2}}y$

$$C - C_1 = 2x^{\frac{1}{2}}y$$

$$C_2 = 2x^{\frac{1}{2}}y \Rightarrow$$

$$y = \frac{C_2}{2x^{\frac{1}{2}}}$$

وهذا هو الحل.



$$\frac{dT}{dt} + kT = 35K \quad (1) \quad T(10) = 15, T(20) = 22$$

$$\mu(x) = \int k dx = e^{kt} \quad p(x) = k, \phi(x) = 35K$$

$$T = \frac{1}{e^{kt}} \left[C + \int \mu(t) \phi(t) dt \right]$$

$$= \frac{1}{e^{kt}} \left[C + \int e^{kt} \cdot (35)K dt \right] = \frac{1}{e^{kt}} \left[C + 35K \int e^{kt} dt \right] = \frac{1}{e^{kt}} \left[C + 35K \frac{e^{kt}}{k} \right]$$

$$= C e^{-kt} + 35K \frac{e^{kt} - kt}{k} = C e^{-kt} + 35$$

$$T = 35 + C e^{-kt} \quad (2)$$

(2) من أجل إيجاد قيمة C نستخدم الشرط الأول

$$T(10) = 15 \Rightarrow 15 = 35 + C e^{-10k} \quad (3)$$

$$T(20) = 22 \Rightarrow 22 = 35 + C e^{-20k} \quad (4)$$

$$-20 = C e^{-10k} \quad \text{من (3)}$$

$$C = -20 e^{10k} \quad (5)$$

$$22 = 35 - 20 e^{-10k} \quad \text{بالتعويض في (4)}$$

$$-13 = -20 e^{-10k} \Rightarrow -13 = -20 e^{-10k}$$

$$e^{-10k} = \frac{13}{20} \Rightarrow k = 0.0431$$

$$C = -20 e^{-10(0.0431)} = -30.77 \quad \text{بالتعويض عن k في (5)}$$

$$T = 35 - 30.77 e^{-0.0431 t} \quad \text{بالتعويض عن C و k في (2)}$$

$$T = 35 - 30.77 e^{-0.0431 t}$$

at t=0

$$T = 35 - 30.77 = 4.23$$

35 -
15 = 20
15 ~



$$y' = \frac{x^2 + y^2}{2xy}$$

$$y = \omega x$$

$$y' = \frac{1 + (\frac{y}{x})^2}{2(\frac{y}{x})}$$

$$\frac{dy}{dx} = \omega + x \frac{d\omega}{dx}$$

بالتعريف

$$\omega + x \frac{d\omega}{dx} = \frac{1 + \omega^2}{2\omega}$$

$$x \frac{d\omega}{dx} = \frac{1 + \omega^2}{2\omega} - \omega$$

$$= \frac{1 + \omega^2 - 2\omega^2}{2\omega} = \frac{1 - \omega^2}{2\omega}$$

$$\frac{dx}{x} = \frac{2\omega}{1 - \omega^2} d\omega$$

$$\int \frac{dx}{x} = \int \frac{2\omega}{1 - \omega^2} d\omega$$

$$\ln x = -\ln(1 - \omega^2) + C \quad \#$$



$$x^3 y' + 4x^2 y = 3 \cos x$$

S.F.

بالقسمة على x^3

$$y' + \frac{4}{x} y = \frac{3}{x^3} \cos x \quad (1)$$

معامل التكامل

$$P(x) = \frac{4}{x}, \quad Q(x) = \frac{3 \cos x}{x^3}$$

معامل التكامل $\mu(x)$

$$\mu(x) = \int P(x) dx = \int \frac{4}{x} dx = 4 \ln x = e^4 = x^4$$

اكثر لمعادلة

$$y = \frac{1}{\mu(x)} \left[C + \int Q(x) \mu(x) dx \right]$$

$$= \frac{1}{x^4} \left[C + \int x^4 \frac{3}{x^3} \cos x \right] = \frac{1}{x^4} [C + 3 \int x \cos x] \quad (2)$$

نقوم بالتعويض لـ x ،
نفرض ان $u = x$

$$du = dx \iff u = x$$

$$\iff du = \cos x dx$$

$$u = \sin x$$

$$\int x \cos x = u e - \int e du = x(+\sin x) + \int \sin x dx$$

$$= x \sin x + \cos x$$

تعويض في (2)

$$y = \frac{1}{x^4} [C + 3 [x \sin x + \cos x]]$$

$$= C x^{-4} + 3 x^{-3} \sin x + 3 x^{-4} \cos x$$

$$(h-1)(h-10) \quad h^2 - 10h - h + 10$$

$$(h-2)(h+5) \quad -h$$



$$y'' + 5y' = 20e^{5x} \quad (i) \quad y_h \text{ اكل التماثل } \quad \frac{6}{\dots}$$

$$\lambda^2 + 5\lambda = 0 \Rightarrow \lambda(\lambda + 5) = 0 \Rightarrow \lambda_1 = 0, \lambda_2 = -5$$

$$y_h = c_1 + c_2 e^{-5x} \quad \circ \circ$$

$y_p = A_0 e^{5x}$ نرضي ان $\phi(x) = 20e^{5x}$ اكل التماثل y_p $\circ \circ$

$$y_p' = 5A_0 e^{5x} \quad \circ \circ$$

$$y_p'' = 25A_0 e^{5x}$$

بالتعويض في (1) عن y_p

$$25A_0 e^{5x} + 25A_0 e^{5x} = 20e^{5x} \Rightarrow 50A_0 e^{5x} = 20e^{5x}$$

$$A_0 = \frac{2}{5}$$

$$y_p = \frac{2}{5} e^{5x} \quad \circ \circ$$

اكل العام $y = y_h + y_p$

$$y = c_1 + c_2 e^{-5x} + \frac{2}{5} e^{5x} \quad (2)$$

نستخدم القيم التماثل

$$y(0) = 1 \Rightarrow 1 = c_1 + c_2 + \frac{2}{5} \quad c_1 = 1 - \frac{2}{5} - c_2 = \frac{3}{5} - c_2 \quad (3)$$

$$y' = -5c_2 e^{-5x} + 2e^{5x}$$

$$y'(0) = 1 \Rightarrow 1 = -5c_2 + 2 \Rightarrow c_2 = \frac{2-1}{5} = \frac{1}{5}$$

بالتعويض في (3)

$$c_1 = \frac{3}{5} - \frac{1}{5} = \frac{2}{5}$$

$$y = \frac{2}{5} + \frac{1}{5} e^{-5x} + \frac{2}{5} e^{5x} \quad \# \quad \circ \circ \text{ اكل العام}$$

كلية التقنية الالكترونية

الامتحان النصفى

الثانى

الفصل ربيع 2016

المادة:- معادلات تفاضلية

مجموعة (التحكم والاتصالات)

الزمن:- ساعتان

اجب عن جميع الاسئلة الاتية:-

1. اثبت ان المعادلة التفاضلية الاتية تامة، ثم اوجد الحل باستخدام $g(x, y) = c$

$$(2y - xe^{xy})dy = (2 + ye^{xy})dx$$

2. اوجد حل المعادلة التفاضلية:

$$y'' - 6y' + 10y = 0$$

3. اوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية التالية:

$$10q'' + 140q' + 240q = 10$$

4. اوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية الاتية باستخدام طريقة المعاملات غير المحددة:

$$y'' - 8y' + 16y = 20e^{4x}$$

5. اوجد حل المعادلة التفاضلية غير التامة الاتية:

$$dy + \frac{1}{x}ydx - 10e^{x^2}dx = 0$$

ملاحظة: المطلوب كتابة رقم القيد والاسم على ورقة الاسئلة وتسليمها مع الاجابة.

بالتوفيق للجميع.

الامتحان النصفى

مجموعة التحكم والاتصالات

المادة :- معادلات تفاضلية

ربيع 2016

الزمن :- ساعات

اجب عن جميع الاسئلة الاتية:-

1. اثبت ان المعادلة التفاضلية الاتية تامة، ثم اوجد الحل باستخدام $g(x, y) = c$

$$(x^2 y + 2x)y' = (2x^3 - xy^2 - 2y + 3)$$

2. دائرة كهربائية فيها المقاومة 10 اوم والمكثف 0.02 فراد والجهد 6 فولت . اوجد

قيمة التيار والشحنة في الدائرة عند اي زمن، إذا كان $q(0) = \frac{1}{10}$.

3. استخدم معامل التكامل لحل المعادلة:

$$\frac{dT}{dt} + kT = 35k \quad T(10) = 5, T(20) = 20$$

4. حل المعادلة التفاضلية المتجانسة الاتية باستخدام طريقة التعويض:

$$y' = \frac{x^2 + y^2}{2xy}$$

5. اوجد حل المعادلة التفاضلية الاتية:

$$x^3 y' + 2x^2 y = (3\cos x) y^3$$

ملاحظة: يجب كتابة الاسم ورقم القيد على ورقة الاسئلة وتسليمها مع ورقة الاجابة.

بالتوفيق للجميع .



كلية التقنية الالكترونية

الامتحان النصفى

الثانى

الفصل ربيع 2015

المادة:- معادلات تفاضلية

مجموعة (الحاسب، التحكم، الاتصالات)

الزمن:- ساعتان

اجب عن جميع الاسئلة الاتية:-

1. اثبت ان المعادلة التفاضلية الاتية تامة، ثم اوجد الحل باستخدام $g(x, y) = c$

$$(-2xe^y + ye^y)dy = +(2ye^y + xe^y)dx$$

اوجد حل المعادلة التفاضلية:

$$q'' + 14q' + 24q = 10\sin 2x - 6y' + 10y = 0$$

اوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية التالية:

$$10q'' + 140q' + 240q = 10\sin 2x$$

اوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية الاتية باستخدام طريقة المعاملات غير المحددة:

$$y'' - 12y' + 32y = 20e^{4x}$$

5. اوجد حل المعادلة التفاضلية غير التامة الاتية:

$$xdy - ydx + x^2dx = 0$$

ملاحظة: المطلوب كتابة رقم القيد والاسم على ورقة الاسئلة وتسليمها مع الاجابة.

$$y = \sqrt{x}$$

بالتوفيق للجميع.



~~Handwritten scribbles~~
422031

حاسب

كلية التقنية الالكترونية

الامتحان النصفى

المادة :- معادلات تفاضلية
الزمن :- ساعتان
مجموعة التحكم والاتصالات
ربيع 2016

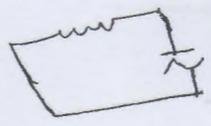
$$(x^2y + 2x) \frac{dy}{dx} = 2x^3 - xy^2 - 2y + 3$$

$$-(2x^3 - xy^2 - 2y + 3)dx = -(x^2y + 2x)dy$$

اجب عن جميع الاسئلة الاتية:-

1. اثبت ان المعادلة التفاضلية الاتية تامة، ثم اوجد الحل باستخدام $g(x, y) = c$

$$(x^2y + 2x)y' = (2x^3 - xy^2 - 2y + 3)dx - (x^2y + 2x)dy$$



2. دائرة كهربائية فيها المقاومة 10 اوم والمكثف 0.02 فراد والجهد 6 فولت . اوجد

قيمة التيار والشحنة في الدائرة عند اي زمن، إذا كان $q(0) = \frac{1}{10}$.

3. استخدم معامل التكامل لحل المعادلة:

$$\frac{dT}{dt} + kT = 35k \quad T(10) = 5, T(20) = 20$$

4. حل المعادلة التفاضلية المتجانسة الاتية باستخدام طريقة التعويض:

$$y' = \frac{x^2 + y^2}{2xy}$$

5. اوجد حل المعادلة التفاضلية

$$x^3y' + 2x^2y = (3\cos x)y^3$$

ملاحظة: يجب كتابة الاسم ورقم القيد على ورقة الاسئلة وتسليمها مع ورقة الاجابة.

بالتوفيق للجميع

$$I = UR + \frac{dI}{dt}$$

$$I = \frac{VR}{R} + \frac{1}{C} + \frac{dI}{dt}$$

$$\frac{1}{RC} + \frac{V}{R}$$

DC

$$y' - \frac{2}{x}y = \frac{3\cos x}{x^3}$$

$$y - \frac{2}{x}y = 3\cos x$$

$$(3 \cos x)$$

$\frac{dI}{dt}$
 q
 $y(x)$
 $\frac{dI}{dt} =$
 dI

كلية التقنية الالكترونية

الامتحان النصفى

الاول

الفصل ربيع 2015

المادة:- معادلات تفاضلية

مجموعة (الحاسب، التحكم، الاتصالات)

الزمن:- ساعتان

اجب عن جميع الاسئلة الاتية:-

1. اثبت ان المعادلة التفاضلية الاتية تامة، ثم اوجد الحل باستخدام $g(x, y) = c$

$$(2y - xe^{xy})dy = (2 + ye^{xy})dx$$

2. اوجد حل المعادلة التفاضلية:

$$x^3 y' + 4x^2 y = 3\cos x$$

3. استخدم معامل التكامل لحل المعادلة الخطية التالية:

$$\frac{dT}{dt} + KT = 150K \quad T(10) = 75, T(0) = 50$$

4. اثبت ان المعادلة التفاضلية الاتية متجانسة تم اوجد الحل بطريقة التعويض:

$$y' = \frac{2y^4 + x^4}{xy^3}$$

5. اوجد حل المعادلة التفاضلية غير التامة الاتية:

$$(x^2 + y^2)dx - 2xydy = 0$$

بالتوفيق للجميع.



جامعة طرابلس
كلية التقنية الالكترونية

جامعة طرابلس
كلية التقنية الالكترونية

2x

X

$$A_1x + A_0$$

X

الامتحان النهائي

مجموعة الحاسب الالى

المادة :- معادلات تفاضلية

الزمن :- ساعتان

اجب عن جميع الاسئلة الاتية :-

1. اوجد حل المعادلة التفاضلية الاتية:

$$y'' + 4y' + 8y = 0 \quad x \quad y(0) = 1, y'(0) = 0$$

2. اوجد حل المعادلة التفاضلية غير التامة الاتية:

$$4y + \left(\frac{x}{2}\right)y' = 0$$

3. استخدم معامل التكامل لحل المعادلة:

$$\frac{dT}{dt} + kT = 35k \quad T(10) = 15, T(20) = 22$$

4. حل المعادلة التفاضلية المتجانسة الاتية باستخدام طريقة التعويض:

$$y' = \frac{x^2 + y^2}{2xy}$$

5. اوجد حل المعادلة التفاضلية الخطية:

$$x^3y' + 4x^2y = 3\cos x$$

6. اوجد حل المعادلة:

$$y'' + 5y' = 20e^{5x} \quad y(0) = y'(0) = 1$$

بالتوفيق للجميع .



2015

خريف ربيع

(10 درجات لكل سؤال)

اجب عن جميع الاسئلة الاتية:-

1. اثبت ان المعادلة التفاضلية الاتية تامة ثم اوجد الحل:

$$y + (x - (\sin y)y' = 0$$

2. اوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية:

$$y'' + 4y' + 4y = 32e^{2x} \quad y(0) = 1, y'(0) = 2$$

3. اثبت ان المعادلة التفاضلية الاتية متجانسة ثم اوجد الحل:

Handwritten solution for Q3:

$$y' 2xy = x^2 + y^2$$

$$M = x^2 + y^2, N = 2xy$$

$$\frac{\partial M}{\partial y} = 2y, \frac{\partial N}{\partial x} = 2y$$

$$y' = \frac{x^2 + y^2}{2xy}$$

$$2xy \frac{dy}{dx} - (x^2 + y^2) dx = 0$$

4. اوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية:

$$y'' + 4y' - 32y = 0 \quad y(0) = 1, y'(0) = 0$$

5. دائرة كهربائية فيها الجهد $6\sin t$ ، الملف 0.1 هرنى، المقاومة 6 اوم والمكثف 0.02 فراد. اوجد الشحنة والتيار عند اي زمن (t) اذا كانت $I(0) = 0, q(0) = 0$.

6. اوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية:

$$y' + \frac{y}{x} = \frac{1}{x} e^x$$

ملاحظة: يطلب كتابة الاسم ورقم القيد على ورقة الأسئلة وتسليمها مع الاجابة.

بالتوفيق للجميع.

Handwritten solution for Q6:

$$\frac{dy}{dx} = \frac{x^2 t^2 + t^2 y^2}{2xt yt}$$

$$\frac{dy}{dx} = \frac{t^2 (x^2 + y^2)}{t^2 (2xy)}$$

القسم: حكم + اهرالات اسئلة الامتحان النهائي لمادة: معادلات تفاضلية
نظرة الفصل: رمز المادة: التاريخ: 2015/1/3

اسم الأستاذ/المنسق: علي قشورم
رقم القيد:
المجموعة:

اجب عن جميع الاسئلة الاتية: - (10 درجات لكل سؤال)

1. اثبت ان المعادلة التفاضلية الاتية تامة ثم اوجد الحل:

$$(1 - 2xy)y' = y^2 - e^x$$

2. اوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية: $(1 - 2xy)y' = y^2 - e^x$

$$y'' - 11y' + 30y = 0 \quad y(0) = 1, y'(0) = 1$$

3. اثبت ان المعادلة التفاضلية الاتية متجانسة ثم اوجد الحل:

$$y' = \frac{x^2 + 2y^2}{xy}$$

4. اوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية:

$$y'' + 14y' - 16e^x \quad y(0) = 1, y'(0) = 1$$

15y

5. دائرة كهربائية فيها الجهد $2\sin t$ ، الملف 2 هرنى، المقاومة 12 اوم والمكثف 0.1 فراد اوجد الشحنة والتيار عند اي زمن (t) اذا كانت $I(0) = 0, q(0) = 0$.

6. اوجد الحل العام للمعادلة التفاضلية:

$$y' + \frac{y}{x} = x^{-1} \sin x$$

ملاحظة: يطلب كتابة الاسم ورقم القيد على ورقة الأسئلة وتسليمها مع الاجابة.
بالتوفيق للجميع.

M

Handwritten scribbles and a large infinity symbol.



اتحاد طلبة
كلية التقنية الالكترونية
طرابلس

كلية التقنية الإلكترونية / طرابلس

الإمتحان النهائي لمقرر المعادلات التفاضلية للفصل الدراسي خريف 2013 / 2014
الزمن / ساعتان (قسم الحاسب الآلي) التاريخ: 2014 / 05 / 10 م
يمنع استخدام الآلة الحاسبة

السؤال الأول

بطريقة فصل المتغيرات حل المعادلة التفاضلية الآتية:

$$y - xy' = y^2 + y'$$

السؤال الثاني

حل المعادلة التفاضلية المتجانسة الآتية:

$$xy' = 3y - 2x - 2\sqrt{xy - x^2}$$

السؤال الثالث

أثبت أن المعادلات التفاضلية التالية تامة أم لا ثم أوجد الحل النهائي لها:

$$(x\cos y - y\sin y)y' + (x\sin y + y\cos y) = 0$$

السؤال الرابع

حل المعادلة التفاضلية غير الخطية الآتية:

$$y' - y \cot x = \frac{-1}{\sqrt{\sin^5 x \cos x}} y^2$$

السؤال الخامس

حل المعادلة التفاضلية المتجانسة ذات المعاملات غير الثابتة الآتية:

$$x^3 y''' - 2x^2 y'' - 10xy' = 0$$

السؤال السادس

أوجد المعادلة التفاضلية التي حلها العام:

$$y = x [C_1 \cos (\ln |x|) + C_2 \sin (\ln |x|)]$$

مع تمنياتي للجميع بالتوفيق أستاذ المادة



(1) Using undetermined coefficients method, Solve the following *Initial Value Problem* (IVP):

$$y'' - 4y' - 12y = 3e^{5t} \quad y \text{ is a } f(t) \quad \text{and} \quad y(0) = 18/7, \quad y'(0) = -1/7$$

(2) Solve the following *Initial Value Problem* (IVP):

$$y' = 5y + e^{-2x} y^{-2} \quad \text{and} \quad y(0) = 2$$

(3) Solve the following differential equations:

(i) $y' = y + x$

(ii) $y'' - y' - 2y = \sin 2x$

(4) (i) Does the solution $y = x^2 - 1$ satisfies the diff. eqⁿ: $(y')^4 + y^2 = -1$?

Is there any other solution for the given diff. eqⁿ?

(ii) Determine whether the diff. eqⁿ: $y' = \frac{y}{x}$ is exact or not?

(iii) Find the integrating factor for the diff. eqⁿ: $xy' - 2y = -x^2$.

(iv) Find the general solution of the diff. eqⁿ: $y'' + a^2y = 0$.